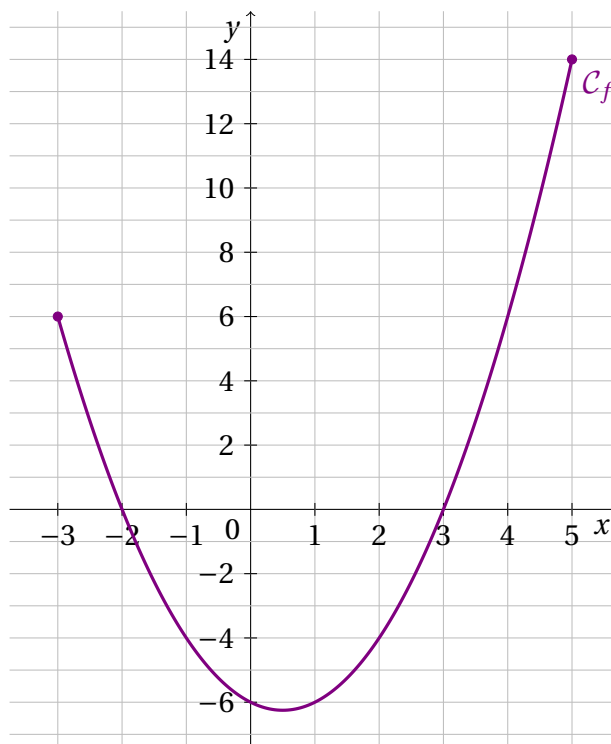


NOM :

INTERRO DE COURS – SEMAINE 8**Exercice 1** – Soit f la fonction dont la courbe représentative \mathcal{C}_f est donnée ci-dessous.

Déterminer graphiquement :

1. $f(-1)$,
2. l'image de -2 par f ,
3. les éventuels antécédents de -6 par f ,
4. les éventuels antécédents de 8 par f ,
5. les éventuels antécédents de -7 par f ,
6. l'ordonnée du point de \mathcal{C}_f d'abscisse 4 ,
7. les solutions de l'équation $f(x) = 6$,
8. le maximum de f et pour quelle valeur il est atteint,
9. les solutions de l'inéquation $f(x) \leq 6$.

**Solution** : Graphiquement, j'obtiens les réponses suivantes :

1. $f(-1) = -4$,
2. l'image de -2 par f est 0 ,
3. les antécédents de -6 par f sont 0 et 1 ,
4. l'antécédent de 8 par f est 4.2 ,
5. -7 n'a pas d'antécédent par f ,
6. l'ordonnée du point de \mathcal{C}_f d'abscisse 4 est 6 ,
7. les solutions de l'équation $f(x) = 6$ sont -3 et 4 ,
8. le maximum de f est 14 et il est atteint pour $x = 5$,
9. l'inéquation $f(x) \leq 6$ est vérifiée sur l'intervalle $[-3, 4]$.

Exercice 2 – Déterminer l'ensemble de définition puis étudier la parité des fonctions suivantes.

1. $f(x) = x^3 + x,$

3. $f(x) = x^5 + \frac{1}{x} - x^3,$

2. $f(x) = x^4 + \frac{1}{x^2},$

4. $f(x) = \sqrt{x^3 + x^2 - 2}.$

Solution :

1. f est une fonction polynomiale donc définie sur \mathbb{R} et \mathbb{R} est symétrique par rapport à 0.

$$f(-x) = (-x)^3 + (-x) = -x^3 - x = -(x^3 + x) = -f(x),$$

donc la fonction f est impaire.

2. f est la somme d'une fonction polynomiale et d'une fraction rationnelle dont la seule valeur interdite est 0. Elle est donc définie sur \mathbb{R}^* et \mathbb{R}^* est symétrique par rapport à 0.

$$f(-x) = (-x)^4 + \frac{1}{(-x)^2} = x^4 + \frac{1}{x^2} = f(x),$$

donc la fonction f est paire.

3. f est la somme d'une fonction polynomiale et d'une fraction rationnelles dont la seule valeur interdite est 0. Elle est donc définie sur \mathbb{R}^* et \mathbb{R}^* est symétrique par rapport à 0.

$$f(-x) = (-x)^5 + \frac{1}{-x} - (-x)^3 = -x^5 - \frac{1}{x} + x^3 = -\left(x^5 + \frac{1}{x} - x^3\right) = -f(x),$$

donc la fonction f est impaire.

4. Je remarque que $f(1) = \sqrt{0} = 0$ et que $f(-1)$ n'est pas définie (il faudrait prendre la racine carrée de -2 , impossible). Donc l'ensemble de définition de f n'est pas symétrique par rapport à 0 et f ne peut être ni paire ni impaire.